Netsu Sokutei 32 (2) 95-102

解説

微粒子系2元合金の平衡状態図計算の試み

田中敏宏,中本将嗣

(受取日:2005年2月14日,受理日:2005年3月9日)

Thermodynamic Evaluation of Binary Alloy Phase Diagrams of Small Particle Systems

Toshihiro Tanaka and Masashi Nakamoto

(Received February 14, 2005; Accepted March 9, 2005)

Binary phase diagrams of nano-particle alloy systems have been evaluated from the information on the Gibbs energy and the surface tension of bulk systems. As the size of a particle decreases, the melting point of pure component decreases and the liquid phase region is enlarged in binary phase diagrams, in other words, the liquidus temperature decreases. In addition, solid solutions in nano-particle systems have larger composition ranges than those in bulk alloys. It is found from the above evaluation that the size dependence of a particle on phase diagrams is remarkable when excess Gibbs energies have large positive values in solid and liquid phases.

1. 緒 言

これまでに様々な熱力学データベースが構築され,主と して合金,混合塩などの状態図の計算に用いられてきた。¹⁾ これらのデータベースを構築するための熱力学データと状 態図に関する情報の蓄積と評価はCALPHAD (Computer Calculation of Phase Diagrams)法と呼ばれており,同法 は材料工学の種々の分野でその有用性が認められている。^{1,2)} ここで,もしこれらの熱力学データベースを相平衡の計算 のみならず,多成分系融体の物性値の評価にも利用するこ とができれば,熱力学データベースの有用性をさらに高め ることができるだけでなく,多成分系融体の物性に対する 理解のためにもきわめて有効である。そこで著者らは,熱 力学データベースを利用した溶融合金,混合溶融塩,溶融 スラグの表面張力ならびに溶鉄-溶融スラグ間の界面張力 の計算を行ってきた。³⁻⁷⁾ これらの取り扱いにおいて,平衡 状態図と表面物性を同時に計算できることから,単位体積 当たりの表面の割合が非常に大きな微粒子系合金の相平衡 に及ぼす表面物性の影響を評価できると考えられる。純粋 成分の微粒子系の熱力学的取扱いについては古くは1909年 にPawlow⁸⁾によってなされ,さらに純金属のナノ粒子につ いて粒子径の減少とともに融点の降下することがTakagi⁹⁾ によって報告されて以来,微粒子の融解現象の観察や熱力 学的解析が多々試みられてきた。¹⁰⁻²⁵⁾しかしながら,微粒 子系2元状態図については,合金の表面物性の評価が十分 に行われなかったことからその報告はほとんどなく,特に 異種成分間の相互作用が状態図の形状に及ぼす影響につい ては,バルク系では様々な報告があるが,微粒子系では明 らかにされていない。本稿では,合金の表面張力の熱力学 計算を利用してナノ粒子系2元合金の平衡状態図の計算を 試みた結果を紹介する。²⁶⁻²⁸⁾

© 2005 The Japan Society of Calorimetry and Thermal Analysis.

2. 固相 - 液相平衡に対する 微粒子系2元合金の平衡状態図

2.1 微粒子系の自由エネルギー

本稿では固相 - 液相平衡を考える。純粋な固相を自由エ ネルギーの基準に選ぶと、半径rの微粒子系合金の液相お よび固相に対する全自由エネルギー ΔG ^{Total,Liq}ならびに ΔG ^{Total,Sol}は次の(1)~(6)式で与えられる。^{16,17,26-29)}

$$\Delta G^{\text{Total,Liq}} = \Delta G^{\text{Bulk,Liq}} + \Delta G^{\text{Surf,Liq}}$$
(1)

 $\Delta G^{\text{Total,Sol}} = \Delta G^{\text{Bulk,Sol}} + \Delta G^{\text{Surf,Sol}}$ (2)

(1),(2)式において, $\Delta G^{\text{Bulk,Liq}} \geq \Delta G^{\text{Bulk,Sol}}$ はバルクの液相 および固相の自由エネルギーで, r = における $\Delta G^{\text{Total,P}}$ (P = Liq or Sol)に相当し,次の(3),(4)式で与えられる。

$$\begin{split} \Delta G^{\text{Bulk,Liq}} &= X_{\text{A}}^{\text{Bulk}} \Delta G_{\text{A}}^{\text{LS}} + X_{\text{B}}^{\text{Bulk}} \Delta G_{\text{B}}^{\text{LS}} + \\ G^{\text{Bulk,Excess,Liq}} &+ RT(X_{\text{A}}^{\text{Bulk}} \ln X_{\text{A}}^{\text{Bulk}} + X_{\text{B}}^{\text{Bulk}} \ln X_{\text{B}}^{\text{Bulk}}) \end{split}$$
(3)

 $\Delta G^{\text{Bulk,Sol}} =$

 $G^{\text{Bulk,Excess,Sol}} + RT(X_A^{\text{Bulk}}\ln X_A^{\text{Bulk}} + X_B^{\text{Bulk}}\ln X_B^{\text{Bulk}})$ (4)

ここで、 $\Delta G_A^{LS} \geq \Delta G_B^{LS}$ はバルクの純粋成分A とB の液相 と固相の自由エネルギー差、 $X_A^{Bulk} \geq X_B^{Bulk}$ は成分A とB の バルクにおけるモル分率、 $G^{Bulk,Excess,Liq} \geq G^{Bulk,Excess,Sol}$ は バルクのA-B 合金の液相と固相の過剰自由エネルギーであ る。(1),(2)式における $\Delta G^{Surf,Liq} \geq \Delta G^{Surf,Sol}$ は $\Delta G^{Total,P}$ に対 する表面の寄与を表しており、次式で与えられる。²⁶⁻²⁸⁾ (Appendix 参照)

$$\Delta G^{\text{Surf,Liq}} = \frac{2\sigma^{\text{Liq}V\text{Liq}}}{r} - \frac{2(X_{\text{A}}^{\text{Bulk}}\sigma_{\text{A}}^{\text{Sol}}V_{\text{A}}^{\text{Sol}} + X_{\text{B}}^{\text{Bulk}}\sigma_{\text{B}}^{\text{Sol}}V_{\text{B}}^{\text{Sol}})}{r}$$
(5)

$$\Delta G^{\text{Surf,Sol}} = \frac{2\sigma^{\text{Sol}V\text{Sol}}}{r} - \frac{2(X_{\text{A}}^{\text{Bulk}}\sigma_{\text{A}}^{\text{Sol}}V_{\text{A}}^{\text{Sol}} + X_{\text{B}}^{\text{Bulk}}\sigma_{\text{B}}^{\text{Sol}}V_{\text{B}}^{\text{Sol}})}{r} \qquad (6)$$

ここで, $\sigma^{\text{Liq}} \geq \sigma^{\text{Sol}}$ は液体および固体合金の表面張力, $V^{\text{Liq}} \geq V^{\text{Sol}}$ は液体および固体合金のモル体積, $\sigma_{\text{A}}^{\text{Sol}} \geq \sigma_{\text{B}}^{\text{Sol}}$ は 純粋固体成分の表面張力, $V_{\text{A}}^{\text{Sol}} \geq V_{\text{B}}^{\text{Sol}}$ は純粋固体成分のモ ル体積を表す。

本稿では異種成分間の相互作用が及ぼす平衡状態図の変 化に主として焦点を当てているので,先ず2.2節では計算が 容易な正則溶体近似を用いてナノ粒子系合金の平衡状態図 の計算を行った。^{27.28)} すなわち,

$$G^{\text{Bulk,Excess,Liq}} = X_{\text{A}}^{\text{Bulk}} X_{\text{B}}^{\text{Bulk}} \Omega_{\text{AB}}^{\text{Liq}}$$

$$G^{\text{Bulk,Excess,Sol}} = X_{\text{A}}^{\text{Bulk}} X_{\text{B}}^{\text{Bulk}} \Omega_{\text{AB}}^{\text{Sol}}$$
(8)

(7)

ここで, $\Omega_{AB}^{Liq} \ge \Omega_{AB}^{Sol}$ は液相と固相の相互作用エネルギーである。

PeltonとThompson³⁰⁾が正則溶体近似を用いたバルク系 平衡状態図の計算を行い,相互作用エネルギーと状態図の 形状変化を論じている論文を参考にして,純成分の液相と 固相の自由エネルギー差を次式で近似する。

$$\Delta G_{\rm A}^{\rm LS} = T_{\rm A, fus} \Delta S_{\rm A, fus} - T \Delta S_{\rm A, fus} \tag{9}$$

$$\Delta G_{\rm B}^{\rm LS} = T_{\rm B, fus} \Delta S_{\rm B, fus} - T \Delta S_{\rm B, fus} \tag{10}$$

ここで, $T_{i,fus}$ と $\Delta S_{i,fus}$ は純粋成分iの融点と融解エントロピーである。2.2節の計算では多くの金属に対して融解エントロピーが一定値を示すというRichardの法則³¹⁾を利用して $\Delta S_{i,fus}$ は10 JK ⁻¹ mol ⁻¹と仮定する。また, $T_{A,fus}$ = 1200 Kならびに $T_{B,fus}$ = 600 Kの場合について検討する。

純粋成分の表面張力については融点において σ_A^{Liq} = 1.2 Nm⁻¹, σ_B^{Liq} = 0.6 Nm⁻¹, 温度係数を0.001 Nm⁻¹T⁻¹と 仮定して,次式で表すこととした。

$$\sigma_{\rm A}^{\rm Liq}/\rm Nm^{-1} = 1.2 - 0.001(T - T_{\rm A,fus})/\rm K$$
(11)

$$\sigma_{\rm B}^{\rm Liq}/\rm Nm^{-1} = 0.6 - 0.001(T - T_{\rm B,fus})/\rm K$$
(12)

前述の(5),(6)式に示すように,純成分iの固体状態における表面張力の値が必要となるが,絶対値とその温度依存性の情報は信頼できるものが必ずしも整っていない。 32,33 文献 32,33 の情報から,融点における純成分iの固体状態の表面張力は平均して液相のそれよりも25%大きいと仮定できる。そこで,純固体iの表面張力 σ_i ^{Sol}を次の(13)式に示すように仮定した。 $^{26-28}$

$$\sigma_i^{\text{Sol}} = 1.25 \sigma_{i,\text{fus}}^{\text{Liq}} + \frac{\sigma_i^{\text{Liq}}}{T} (T - T_{i,\text{fus}})$$
(i = A or B) (13)

(13)式において, σ_i^{sol} の温度依存性を液相の表面張力 σ_i^{Liq} の温度依存性と等しいと仮定した。また,ここでは σ_i^{sol} に対する固体の結晶構造(表面の結晶面)の影響は考慮していない。(11)~(13)式から次式が得られる。

 $\sigma_{\rm A}^{\rm Sol}/\rm Nm^{-1} = 1.25 - 0.001(T - T_{\rm A, fus})/\rm K$ (14)

$$\sigma_{\rm B}^{\rm Sol}/\rm Nm^{-1} = 1.25 \times 0.6 - 0.001(T - T_{\rm B,fus})/\rm K$$
 (15)

モル体積については次の値を用いる。2.2節では,過剰自

由エネルギーの値が相平衡に及ぼす影響を主として検討す ることを目的としているため,モル体積の温度係数は無視 し,また融解に伴う体積変化も考慮していない。

$$V_{\rm A}^{\rm Liq}/{\rm m}^3 \, {\rm mol}^{-1} = V_{\rm B}^{\rm Liq}/{\rm m}^3 \, {\rm mol}^{-1} = 10 \, \times 10^{-6}$$
 (16)

$$V_{\rm A}^{\rm Sol}/m^3 \text{ mol}^{-1} = V_{\rm B}^{\rm Sol}/m^3 \text{ mol}^{-1} = 10 \times 10^{-6}$$
 (17)

液体および固体合金のモル体積 V Liq, V Sol については次の加成性を利用する。

$$V^{\text{Liq}} = X_{\text{A}}^{\text{Bulk}} V_{\text{A}}^{\text{Liq}} + X_{\text{B}}^{\text{Bulk}} V_{\text{B}}^{\text{Liq}}$$
(18)

 $V^{\text{Sol}} = X_{\text{A}}^{\text{Bulk}} V_{\text{A}}^{\text{Sol}} + X_{\text{B}}^{\text{Bulk}} V_{\text{B}}^{\text{Sol}}$ (19)

以上が2.2節の計算で行う近似である。

(5),(6)式の計算ではさらに合金の表面張力 σ^{P} (P = Liq or Sol)が必要である。前述のように著者らはA-B2元系 合金の表面張力を次に示すButlerの式³⁴⁾を利用して熱力学 データベースを用いて計算してきた。³⁻⁷⁾ここで,Butlerは 表面の最外層を仮想的に"表面"と見なして,合金成分の 表面偏析を考慮し,合金における表面張力の濃度依存性を 評価している。(Appendix 参照)

$$\sigma^{P} = \sigma_{A}^{P} + \frac{RT}{A_{A}} \ln \frac{X_{A}^{Surf}}{X_{A}^{Bulk}} + \frac{1}{A_{A}} G_{A}^{Surf,Excess,P}(T, X_{B}^{Surf}) - \frac{1}{C} G_{A}^{Bulk,Excess,P}(T, X_{B}^{Bulk})$$
(20c)

$$\frac{1}{A_{\rm A}} \quad G_{\rm A}^{\rm Bulk, Excess, P}(T, X_{\rm B}^{\rm Bulk}) \tag{20a}$$

$$\sigma^{P} = \sigma_{B}^{P} + \frac{RT}{A_{B}} \ln \frac{X_{B}^{\text{Surf}}}{X_{B}^{\text{Bulk}}} + \frac{1}{A_{B}} G_{B}^{\text{Surf,Excess,P}}(T, X_{B}^{\text{Surf}}) - \frac{1}{A_{B}} G_{B}^{\text{Bulk,Excess,P}}(T, X_{B}^{\text{Bulk}})$$
(20b)

(20a),(20b)式において,X_i^{surf}はButler が仮定した"表 面"における成分iのモル分率である。 $A_i = LN_A^{1/3}(V_i^P)^{2/3}$ (N_A :アボガドロ数,i = A or B, L = 1.091)は純粋成分i のモル表面積であり,モル体積 V_i^{Liq} から評価できる。 $G_i^{Bulk,Excess,P}(T,X_B^{Bulk}) と G_i^{Surf,Excess,P}(T,X_B^{Surf})は成分iのパ$ ルクおよび表面における部分モル過剰自由エネルギーであ $り,温度<math>T \ge X_B^{Bulk}$ または X_B^{Surf} の関数である。これらの値 は,2.2節の計算では(7),(8)式から導出し,2.3節の実在系 の計算では熱力学データベースを利用した。表面における 部分モル過剰自由エネルギーに対しては,Yeumら³⁵⁾の提 案したモデルを基にして,次式を利用している。³⁻⁷⁾

$$G_{i}^{Surf,Excess,P}(T, X_{B}^{Surf}) = \beta^{MIX} \cdot G_{i}^{Bulk,Excess,P}(T, X_{B}^{Surf})$$

$$(P = Liq \text{ or Sol}) \qquad (21)$$

$$\beta^{\text{MIX}} = 0.83 :$$
 is a state (22)

$$\beta^{\text{MIX}} = 9/12 = 0.75$$
:固溶体 (23)

(21)式は,表面の過剰自由エネルギー $G_i^{Sulf,Excess,P}(T, X_B^{Surf})$ についてはバルクの過剰自由エネルギーと同じ組成 及び温度の関数を利用することを意味している。ただし, 組成は表面の組成 X_B^{Surf} に置き換え,さらに右辺にパラメー タ β MIXを掛けている。この β MIXは表面とバルクの配位数 の比に対応するパラメータであり,通常,最密充填固体原 子構造を考えて0.75という値が使われているが,液体状態 の表面の配位数に対しては情報がないため,著者らは純粋 成分の表面張力と単位表面積あたりの結合エネルギー(ま たは蒸発熱)の関係から,溶融合金に対しては β MIX = 0.83 という値を導出して用いている。³⁻⁷⁾(23)式においては最密 充填原子構造を仮定している。

(20)~(23)式から合金の表面張力σ^Pを計算する手順は次の通りである。

- 合金の温度とバルク組成を設定する。(粒子径が非常 に小さくなると,表面偏析のためにバルク組成は平均 組成と異なる可能性があるが,ここではバルク組成は 平均組成に等しいものとする。)
- 2. 上記の温度に対する純粋成分の表面張力とモル体積の 値を(20a),(20b)式に代入する。
- 上記の組成と温度に対するバルクの過剰自由エネルギーの値を(20a),(20b)式に代入する。

これより,(20a)と(20b)式は*X*_B^{Surf}とσ^Pの二つを未知数と する2元連立方程式になるので,数値解析でこれらを求め る。

合金の表面張力 $\sigma^{P}(P = \text{Liq or Sol})$ の組成および温度依存性が得られれば、それらの値を(1)~(6)式に代入し、固相および液相の $\Delta G^{\text{Total},P}$ を任意の温度および組成に対して評価できる(ただし、 X_B^{Surf} は平衡状態図の計算に利用する(1)~(6)式においては利用しない)。また、液相 - 固相平衡は次の熱力学的平衡条件から決定できる。

$$\mu_{\rm A}^{\rm Total,Liq} = \mu_{\rm A}^{\rm Total,Sol}$$
, $\mu_{\rm B}^{\rm Total,Liq} = \mu_{\rm B}^{\rm Total,Sol}$ (24)

$$\mu_{A}^{\text{Total},P} = \Delta G \text{ Total},P - X_{B}^{\text{Bulk}} \quad \frac{\Delta G \text{ Total},P}{X_{B}^{\text{Bulk}}} ,$$

$$\mu_{B}^{\text{Total},P} = \Delta G \text{ Total},P + (1 - X_{B}^{\text{Bulk}}) \quad \frac{\Delta G \text{ Total},P}{X_{B}^{\text{Bulk}}}$$

$$(P = \text{Liq or Sol}) \qquad (25)$$

2.2 正則溶体近似に対するナノ粒子系平衡状態図の計算結 果

(7),(8)式における Ω_{AB}^{Liq} ならびに Ω_{AB}^{Sol} の値を変化させ





Fig.1 Calculated results of phase diagrams in nano-particle systems on the basis of regular solution model.

Table 1Data of physical properties.

	Surface tension $\sigma_i^{\rm Liq}/Nm^{-1}$	Molar volume $V_i^{\text{Liq}}/\text{m}^3 \text{ mol}^{-1}$	$T_{\rm i,fus}/{ m K}$	$\alpha_{i} = (V_{i, fus}^{Liq} - V_{i, fus}^{Sol}) / V_{i, fus}^{Sol}$
Cu	$\sigma_{\rm Cu}{}^{\rm Liq}$ = 1.303 - 0.00023(T - $T_{\rm i,fus}$)	$V_{\text{Cu}^{\text{Liq}}} = 7.94 \times 10^{-6} \{ 1.0 + 0.0001(T - T_{\text{i,fus}}) \}$	1356.15	0.0396
Pb	$\sigma_{\rm Pb}{}^{\rm Liq}$ = 0.458 - 0.00013(T - $T_{\rm i,fus}$)	$V_{\rm Pb}^{\rm Liq}$ = 19.42 × 10 ⁻⁶ {1.0 + 0.000124(T - $T_{\rm i,fus}$)}	600.55	0.0381
Au	$\sigma_{\rm Au}{}^{\rm Liq}$ = 1.169 - 0.00025(T - $T_{\rm i,fus}$)	$V_{\rm Au}^{\rm Liq}$ = 11.3 × 10 · 6{1.0 + 0.000069(T - $T_{\rm i,fus}$)}	1336.15	0.055
Si	$\sigma_{\rm Si}^{\rm Liq} = 0.865 - 0.00013(T - T_{\rm i,fus})$	$V_{\rm Si}^{\rm Liq}$ = 11.1 × 10 - 6{1.0 + 0.00014(T - $T_{\rm i,fus}$)}	1687.15	- 0.095

Reference: $\sigma_{i^{\text{Liq}}}, V_{i^{\text{Liq}}}, T_{i,\text{fus}}, \sigma_{i^{36}}$

 Table 2
 Data of thermodynamic properties.²⁶⁾

Element	Gibbs energy difference of pure components between liquid and solid phases/J mol ⁻¹					
Cu	$\Delta G_{\rm Cu}{}^{\rm LS} = 7995.4 + 32.127T + 6.527008T(1.0 - \ln T) + 0.0037865T^2/2 - 138909/(2T)$					
Pb	$\Delta G_{\rm Pb}{}^{\rm LS} = 260.9 + 58.02036T + 11.89093T (1.0 - \ln T) + 0.0184473T^2/2 + 279073/(2T) - 3.2384 \times 10^{-6}T^3/6$					
Au	$\Delta G_{\rm Au}{}^{\rm LS} = 12552.0 - 9.385866T$					
Si	$\Delta G_{\rm Si}^{\rm LS} = 50696.36 - 30.099439T + 2.0931 \times 10^{-21} T^7 (298.15 \le T/{\rm K} \le 1687)$					
	Data of excess Gibbs energy of liquid phase					
	$G^{\text{Bulk,Excess,Liq}/\text{J}} \text{ mol}^{-1} = X_A X_B \{ L_0 + L_1(X_A - X_B) + L_2(X_A - X_B)^2 + L_3(X_A - X_B)^3 \} : \text{ Redlich - Kister type}$					
	L_0	L_1	L_2	L_3		
Cu-Pb	27190.2 - 4.21329T	2229.2 - 0.53584T	- 7029.2 + 6.48832T	- 7397.6 + 5.07992 <i>T</i>		
Au-Si	- 23863.9 - 16.23438T	- 20529.55 - 6.03958T	- 8170.5 - 4.2732 <i>T</i>	-33138.25 + 26.56665T		

た場合の平衡状態図の計算結果をFig.1(a) ~(d)に示す。 $^{27,28)}$ Ω_{AB}^{Liq} 0および Ω_{AB}^{Sol} 0に対して微粒子のサイズを減少 させた場合に状態図が大きく変化することが分かる。 $^{27,28)}$ また,バルクでは純粋な固相が存在する場合でも,微粒子 系では固溶体の濃度域が拡張し,固溶体を考慮する必要が あることがわかる。



Fig.2 Change in melting point of pure Au with particle size. Expe.: Sambles,¹³⁾ Coombes,¹⁴⁾

2.3 実在合金のナノ粒子系平衡状態図の計算の試み

2.3節では,実在合金のナノ粒子系平衡状態図の計算を試 みた結果を紹介する。純粋なAuについては融点の粒子系依 存性に関する実験値が報告されているので,実験値^{13,14)}と の比較を行った。(1)~(6)式から,純粋金属iの微粒子系に 対する自由エネルギーは次式のようになる。

 $\Delta G^{\text{Total,Liq}} = \Delta G^{\text{Bulk,Liq}} + \Delta G^{\text{Surf,Liq}} =$

$$\Delta G_{i}^{LS} + \frac{2\sigma_{i}^{Liq}V_{i}^{Liq}}{r} - \frac{2\sigma_{i}^{Sol}V_{i}^{Sol}}{r} =$$

$$\Delta G_{i}^{LS} + \frac{2}{r} \left[\sigma_{i}^{Liq}V_{i}^{Liq} - \left\{1.25\sigma_{i}^{Liq} + \frac{\sigma_{i}^{Liq}}{T} \left(T - T_{i,\text{fus}}\right)\right\} \frac{V_{i}^{Liq}}{(1 + \alpha_{i})}\right] (26)$$

ここでは,融解による体積膨張を考慮し, $V_i^{\text{Liq}} = (1 + \alpha_i)V_i^{\text{Sol}}$ とした。上の(26)式において $\Delta G^{\text{Total,Liq}} = 0$ を与える温度Tが半径rの微粒子の融点に相当する。計算に用いた物性値データをTable 1およびTable 2^{26,36,37})に示す。 **Fig.2**は純粋なAuの融点の粒子径依存性を示している。50 nm以下において融点は急激に減少することが分かる。また,Auの実験値^{13,14})と計算結果はよく対応している。

さらに上記の手法を用いて液相と純粋な固相から成る状 態図を有するCu-PbならびにAu-Si系2元合金の平衡状態 図の計算を試みた。これらの合金系では液相と純粋な固体 が共存する系であるため,純粋な固体を自由エネルギーの 基準にとると,Fig.3に示すように,液相の自由エネルギー 曲線だけから平衡状態図を作成できる。計算に用いた物性 値および熱力学データをTable 1およびTable 2^{26,36,37)}に 示す。これらの熱力学データは平衡状態図を計算するため の熱力学データベースに収録されている情報であり,ここ では前述の正則溶体近似は用いず,Redlich-Kister型の多 項式(Table 2参照)を用いて過剰自由エネルギーを表し



Fig.3 Relationship between Gibbs energy curve and phase equilibria.

ている。計算結果をFig.4 に示す。²⁶⁾ 微粒子系においては, $\sigma^{\text{Liq}}, \sigma_i^{\text{Liq}}$ などの表面張力の値が粒子形状の曲率の影響を特 にr = 5 nm以下で受けることが知られているので,^{38,39)} ここ ではr > 5 nmを対象にしている。また,Fig.5 はこれらの液 体合金に対する活量曲線と表面張力の濃度依存性を示して いる。^{40,41)} 文献^{3-7,26-28)}で詳しく説明しているが,バルクの 活量がRaoult則(活量とモル分率が比例にある理想溶体に 対する活量曲線)よりも正に偏倚する場合(Cu-Pb系)に は,表面張力は理想溶液に対する値よりも負に偏倚し,逆 に,バルクの活量がRaoult則よりも負に偏倚する場合(Au-Si系)には,表面張力は理想溶液に対する値よりも正に偏 倚する。特に,Cu-Pb系の場合には,表面張力はわずかな 組成変化で大きく減少する一方,Au-Si系では表面張力は 組成に対してなだらかに変化していることがわかる。³⁻⁷⁾

以上の結果から,次のような知見が得られた。

- 1. 粒子径が小さくなるほど,液相領域が拡大する。(液 相線温度が下がる)
- 2. 粒子径が小さくなるほど,固溶体域が拡張する。
- 3. 異種成分間の相互作用を示す過剰自由エネルギーが正 の値を取る合金系(Ω_{AB}^{Liq} > 0ならびにΩ_{AB}^{Sol} > 0,あ るいは活量が正に偏倚)では,粒子径の減少に伴う平 衡状態図の変化が顕著である。これは,表面張力が組 成に対して大きく変化する合金系(Cu-Pb系)に対応 しており,表面張力の組成依存性がナノ粒子系の状態 図の変化に大きな影響を与えることを示している。一 方,Au-Si系のように液相の表面張力が組成に対して





Fig.4 Phase diagrams in nano-particle systems of Cu-Pb (a) and Au-Si (b) alloys.



Fig.5 Activities and surface tensions of liquid Cu-Pb (a) (Expe.^{40,41}) and Au-Si (b) alloys.

なだらかに変化する場合には,平衡状態図は粒子径が 変化してもあまり大きな影響を受けない。

上で述べたように,熱力学データベースを利用して合金 の表面張力を評価することによって,ナノ粒子系合金の平 衡状態図を推算できることが明らかとなった。ただし,本 稿で紹介した計算では次のような粗い近似を用いている。

固液界面の影響は無視している, 固体の結晶面依存性 は無視している, 量子効果は考慮していない, 粒子形 の曲率が表面張力に及ぼす影響は無視している, 微粒子 化に伴う結合エネルギーなどの変化は無視し,バルクの物 性値を利用している。

3. 結 言

本稿では,熱力学データベースを利用したナノ粒子系2 元合金の平衡状態図の計算を試みた結果を紹介した。粗い 近似を用いているため定量的な値についてはさらに検討を 要するが,異種原子間の相互作用と微粒子系平衡状態図の 形状変化の間には,表面張力の組成依存性を通じて相関が あるものと考えられる。ナノ粒子系の熱力学的観点からの 実験,解析は活発に行われており,その報告は非常に多い ため本稿で引用した文献はその一部に過ぎない。本稿で述 べた粗い解析に対して批判的にお読みいただき,前述の近

似に対する検討・評価がさらに進展することによって,よ り詳細な知見が実験結果とともに蓄積されることを望んで いる。

Appendix:

表面を含む系 (Total = Surface + Bulk) を熱力学的に取 り扱う際,表面を含まない系(Bulk)に比べて成分iの化 学ポテンシャルは $\sigma^{PA_i^P}$ だけ大きいという関係が導出され る $_{2^{(9)}}$ すなわち,

$$\mu_i^{\text{Total},P} - \mu_i^{\text{Bulk},P} = \sigma^P A_i^P \tag{A1}$$

 $\mu_i^{\text{Total,P}}$, $\mu_i^{\text{Bulk,P}}$, σ^P , A_i^P はそれぞれ, 相Pで, 成分iの表面を含む系における化学ポテンシャル, 表面を含まない系における化学ポテンシャル, 表面張力, モル表面積である。ここで, 表面を含む系が半径rの球の場合には,上式はモル体積 V_i^P を用いて次のように表すことができる。²⁹⁾

$$\mu_{i}^{\text{Total,P}} - \mu_{i}^{\text{Bulk,P}} = \frac{2\sigma^{P}V_{i}^{P}}{r}$$
(A2)

本文中の(5),(6)式は,この(A2)式の関係を用いて系の自由 エネルギーに及ぼす表面の影響を表している。ただし,純 粋な固体を自由エネルギーの基準に選んでいるために, (5),(6)式では右辺第2項が加わっている。

また, Butler³⁴⁾は, 表面を含む系の化学ポテンシャルが 表面を含まない系よりも $\sigma^{P}A_{i}^{P}$ だけ大きい効果は, 表面の 最外層の影響であるとして, 表面を含む系を"表面最外層" とバルク相から成ると仮定し, 両者の化学ポテンシャルを それぞれ $\mu_{i}^{Surf,P}$, $\mu_{i}^{Bulk,P}$ として

$$\mu_i^{\text{Surf,P}} - \mu_i^{\text{Bulk,P}} = \sigma^P A_i^P \tag{A3}$$

の関係を導出している。ここで通常のバルクの化学ポテン シャルと同じ形式で"表面最外層"における化学ポテンシ ャルを次式のように表現して,

$$\mu_i^{\text{Bulk,P}} = \mu_i^{\text{oBulk,P}} + RT \ln a_i^{\text{Bulk,P}} =$$

$$\mu_i \circ^{\text{Bulk,P}} + RT \ln X_i^{\text{Bulk}} + G_i^{\text{Bulk,Excess,P}}(T, X_i^{\text{Bulk}})$$
(A4)

 $\mu_i^{\text{Surf,P}} = \mu_i^{\text{oSurf,P}} + RT \ln a_i^{\text{Surf,P}} =$

$$\mu_i \circ^{\text{Surf,P}} + RT \ln X_i^{\text{Surf}} + G_i^{\text{Surf,Excess,P}}(T, X_i^{\text{Surf}})$$
(A5)

$$\sigma_i^{P}A_i^{P} = \mu_i^{oSurf,P} - \mu_i^{oBulk,P}$$
(A6)

を考慮すると,本文の(20a),(20b)が得られる。(A6)式にお いて, σ_i^Pは純粋成分iの液相(P = Liq)または固相(P = Sol)における表面張力である。

文 献

- C. W. Bale and G. Eriksson, *Canad. Metall. Quart.* 29 ,105 (1990).
- 2) T. Nishizawa, Mater. Trans. JIM 33, 713 (1992).
- 3) T. Tanaka and T. Iida, Steel Research 65, 21 (1994).
- T. Tanaka, K. Hack, T. Iida, and S. Hara, Z. *Metallkd*. 87, 380 (1996).
- T. Tanaka, S. Hara, M. Ogawa, and T. Ueda, Z. Metallkd. 89, 368 (1998).
- T. Tanaka, K. Hack, and S. Hara, *MRS Bulletin* 24, 45 (1999).
- 7) T. Tanaka, K. Hack, and S. Hara, *Calphad* **24**, 463 (2001).
- 8) M. Takagi, J. Phys. Soc. Jpn 9, 359 (1954).
- 9) P. Pawlow, Z. Phys. Chem. 65, 1 (1909).
- H. Reiss and I. B. Wilson, J. Colloid Sci. 3, 551 (1948).
- 11) K. J. Hanszen, Z. Phys. 157, 523 (1960).
- 12) C. R. M. Wronski, Brit. J. Appl. Phys. 18, 1731 (1967).
- 13) J. R. Sambles, Proc. Roy. Soc. Lond. A. **324**, 339 (1971).
- 14) C. J. Coombes, J. Phys. F 2, 441 (1972).
- 15) L. J. Wittenberg and R. DeWitt, J. Chem. Phys. 56, 4526 (1972).
- 16) Ph. Buffat and J-P. Borel, Phys. Rev. 13, 2287 (1976).
- 17) P. R. Couchman and W. A. Jesser, *Nature* 269, 481 (1977).
- 18) G. L. Allen, W. W. Gile, and W. A. Jesser, Acta Metall. 28, 1695 (1980).
- G. L. Allen, R. A. Bayles, W. W. Gile, and W. A. Jesser, *Thin Solid Films* 144, 297 (1986).
- H. Saka, Y. Nishikawa, and T. Imura, *Phil. Mag.* A. 57, 895 (1988).
- K. Sasaki and H. Saka, *Phil. Mag. A.* 63, 1207 (1991).
- 22) H. Yasuda, K. Mitsuishi, and H. Mori , *Phys.Rev.B* 64, 094101 (2001).
- 23) J.-G. Lee, H. Mori, and H. Yasuda, *Phys.Rev.B* 65, 132106 (2002).
- 24) J.-G. Lee, H. Mori, and H. Yasuda, *Phys.Rev.B* 66, 012105 (2002).
- 25) J.-G. Lee and H. Mori, *Phys.Rev.B* **70**, 144105 (2004).
- 26) T. Tanaka and S. Hara, Z. Metallkd. 92, 467 (2001).
- 27) T. Tanaka and S. Hara, Z. Metallkd. 92, 1236 (2001).
- 28) T. Tanaka, J. Lee, and N. Hirai, "Thermodynamics of the Nano-Sized Particles" in Chapter 18 of

"Chemical Thermodynamics for Industry", edited by T. M. Letcher, the Royal Society of Chemistry, Cambridge, UK, 207 (2004).

- 29) R. A. Swalin (上原ら共訳), 固体の熱力学, コロナ社 (1963).
- 30) A. D. Pelton and W. T. Thompson, Prog. Solid State Chem. 10, 119 (1975).
- D. R. Gaskell, Introduction to the Thermodynamics of Materials, 3rd, Edition, Taylor & Francis, Wshington DC, USA (1995).
- 32) L. E. Murr, Interfacial Phenomena in Metals and Alloys, Addison-Wesley, London (1975).
- 33) V. K. Kumikov and Kh.B. Khokonov, J. Appl. Phys. 54, 1346 (1983).
- 34) J. A. V. Butler, Proc. Roy. Soc. A135, 348 (1932).
- 35) K. S. Yeum, R. Speiser, and D. R. Poirier, *Metall. Trans. B* **20B**, 693 (1989).
- 36) T. Iida and R. I. L. Guthrie, "The Physical Properties of Liquid Metals", Clarendon Press, Oxford (1988).
- 37) L. J. Wittenberg and R. Dewitt, J. Chem. Phys. 56, 4526 (1972).
- 38) R. C. Tolman, J. Chim. Phys. 17, 333 (1949).
- 39) N. T. Gladkikh, L. K. Grigoreva, and S. V. Dukarov, Sov. Phys. Solid State 31, 728 (1989).
- 40) G. Metzger, Z. Phys . Chem. 211, 1 (1959).
- 41) J. C. Joud, N. Eustathopoulos, A. Bricard, and P. Desre, J. Chim. Phys. 70, 1290 (1970).

要 旨

ナノ粒子系2元合金状態図をバルクの熱力学量と表面張 力を用いて評価する計算手法と計算例を紹介した。粒子径 が小さくなると,純成分の融点は下がり,液相線温度も低 下し,さらに固溶体の組成域が拡大する傾向を示した。平 衡状態図の粒子径依存性は固相および液相において過剰自 由エネルギーが正の大きな値を示す合金系において顕著に 現われることが明らかとなった。

田中敏宏 Toshihiro Tanaka
大阪大学大学院工学研究科, Graduate
School of Engineering, Osaka Univ.,
TEL. 06-6879-7504, FAX. 06-6879-
7505, e-mail: tanaka@mat.eng.osaka-
u.ac.jp
研究テーマ:異相界面を利用した環境調
和型材料プロセスの開発
趣味:キャンプ
中本将嗣 Masashi Nakamoto
大阪大学大学院工学研究科, Graduate
School of Engineering, Osaka Univ.,
TEL. 06-6879-7468, FAX. 06-6879-
7468, e-mail: masashi.nakamoto@mat.
eng.osaka-u.ac.jp

研究テーマ:スラグの物性に着目した鉄 鋼関連プロセスにおける環境調和型要素 技術の提案 趣味:ドライプ