# 温度変調 DSC (4)

# 猿山 靖夫

元·京都工芸繊維大学

(受取日:2022年8月25日,受理日:2022年9月2日)

# **Temperature Modulated DSC (4)**

Yasuo Saruyama

## previous affiliation: Kyoto Institute of Technology

(Received Aug. 25, 2022; Accepted Sep. 2, 2022)

Keywords: 変調周期依存性, 緩和現象

## 1. はじめに

温度変調 DSC (TMDSC)の温度制御と,測定量である吸 熱速度差は,次式で表される。

 $T = T_0 + \beta t + T_a \cos(\omega t + \theta_T)$ (1)

 $J = J_s + J_a \cos(\omega t + \theta_J)$  (2) (1)式の $T, T_0, \beta, t$ は, 温度, 初期温度, 定常的温度走査速度, 時間,  $T_{a'}\omega, \theta_T$ は温度変調の振幅, 角振動数, 初期位相であ る。(2)式では,  $J, J_s$ は吸熱速度差とその定常成分,  $J_a, \theta_J$  は 変調成分の振幅と初期位相である。これらの内 $\omega \ge \theta_J$ には, 前回までは特に注目して来なかった。今回はこれらが重要 な意味を持つ測定について説明する。

#### 2. 測定例

**Fig.1** にポリエチレンの結晶化過程の測定結果を示す。<sup>1)</sup> (a)は(2)式の吸熱速度差の定常成分 $J_s$ , (b)は変調成分の振幅  $J_a$ , (c)は変調成分の初期位相 $\theta_J$ である。(1)式の $\beta$ は -0.01 K min<sup>-1</sup>, 変調周期 ( $2\pi/\omega$ )は 24, 36, 52, 72, 100 s である。横 軸は右方向が時間経過の方向になっているため,温度は右 方向に低下している。(c)の初期位相に明瞭な $\omega$ 依存性が見 られる。以下では、 $\omega$ が現象および測定結果とどのように関 係しているかを述べる。

#### 遅い現象を含む場合の吸発熱

温度の変調成分をTmと書く。ω依存性の考察には、(1)式のような正弦波ではなく、次式の方形波の方が適している。

$$T_m(t) = \begin{cases} T_\Delta & \left(np \le t < \left(n + \frac{1}{2}\right)p\right) \\ -T_\Delta & \left(\left(n + \frac{1}{2}\right)p \le t < (n+1)p\right) \end{cases}$$
(3)

nは整数, pは変調周期である。この温度変調に誘起される 試料の吸発熱について考える。(1)式の $\beta$ は0とする。 $T_0$ を 中心とする方形波の温度変調は、次のような操作であると



**Fig.1** TMDSC results of crystallization of polyethylene. (a), (b) and (c) are  $J_s$ ,  $J_a$  and  $\theta_I$  of eq.(2), respectively.<sup>1)</sup>

考えればよい。温度  $T_0 - T_\Delta > T_0 + T_\Delta \sigma$  2 個の熱浴を準備 する。試料を一方の熱浴から他方へ,時間 p/2 毎に素早く 移動する。試料は薄いフィルムで,熱浴との接触は十分に よく,フィルム内の温度分布は無視できるとする。

まず,温度  $T_0 - T_\Delta$ から $T_0 + T_\Delta$ への,1回だけの温度変化 を考える。それ以前は、試料は温度  $T_0 - T_\Delta$ の平衡状態になっていたとする。特別な現象がない場合には、 $T_0 - T_\Delta$ から  $T_0 + T_\Delta$ へ温度変化すると、ごく短時間で $T_0 + T_\Delta$ の平衡状態 になる。しかし、新たな平衡状態になるまでに、無視でき ない時間を要する場合もある。高いエネルギー障壁を越え る分子運動が必要な、ガラス転移は典型的な例であるが、 前回のチュートリアルで考察した、高分子結晶の融解・結 晶化なども遅い現象として知られている。**Fig.2** と(4)式に、 遅い現象による吸熱量の時間依存性の例を示す。

### Netsu Sokutei 49 (4) 2022



**Fig.2** Schematic time dependence of the heat absorption after a stepwise temperature increase at t=0s.

$$Q = 2Q_{\Delta} \left(\frac{1}{2} - \exp\left(-\frac{t}{\tau}\right)\right) \tag{4}$$

Qは吸熱量、即ち試料のエンタルピー変化である。温度変 調の中央値である $T_0$ における値からの差で示してある。  $2Q_{\Delta}$ は $T_0 - T_{\Delta}$ の平衡状態から、 $T_0 + T_{\Delta}$ の平衡状態に変化 するために必要な吸熱量、 $\tau$ は緩和時間で Fig.2 では $\tau = 2$  s とした。縦軸は $Q/Q_{\Delta}$ である。

(4)式の緩和過程を持つ物質に,(3)式の方形波の温度変調 を印加した場合の吸熱量は、重ね合せあるいはボルツマン 積分と呼ばれる方法で計算できる。<sup>2)</sup> Fig.3 の(a)~(c)にそ の結果を示す。(a)は変調周期 20s,(b)は 10s,(c)は 4s であ る。各図の横軸の幅は、それぞれの変調周期が短いほどして ある。縦軸の吸熱量の変動幅は、変調周期が短いほど小さ くなっている。横軸で 0s から半周期までが方形波型の温度 変調が正の部分、半周期から右端までが負の部分である。 一方、吸熱量は(a)では約 1.3s から 11.3s までが正、それ以 外が負である。温度変調よりも吸熱量の方が、正の領域が 時間的に遅れている。この時間遅れの変調周期に対する比 率は、変調周期が短いほど大きくなっている。

Fig.3 (a)~(c)の曲線は, Fig.2 の緩和曲線の初期段階だけ を、上下逆転しながら連ねた形になっている。このような 見方をすると、変調周期が短いほど吸熱量の変動幅が、小 さくなることが理解できる。また、Fig.2 の曲線の形を考慮 すると、温度変調と吸熱量で正の時間域がずれること、お よびその変調周期依存性も理解できる。このような定性的 な把握が正しいことは、計算で確認できる。

正弦波型の温度変調を印加した場合の吸熱量も,文献2) の方法で計算できる。Fig.3の(d)~(f)にその結果を示す。(a) ~(c)の吸熱量の変動幅に当たる正弦波の振幅が,変調周期 が短いほど小さいことが分かる。Fig.3の計算では,(1)式の  $\theta_T$ が $-\pi/2$ であるとしたので,方形波の場合と同じく,横軸 の0sから半周期までは温度変調が正,半周期から右端まで が負である。従って,温度変調と吸熱量で正の時間域がず れていること,および変調周期に対する時間遅れの比率は, 変調周期が短いほど大きくなっていることが分かる。この ように、方形波と正弦波では,吸熱量のグラフの形は異な るが,変調周期との関係では共通の特徴がある。

#### 4. 位相

前節では Fig.3 の特徴を定性的に述べたが,定量的な考察のためには,グラフの特徴を数値で示すことが必要である。そのためには正弦波の変調の方が適している。以下では計算結果のみを示す。(詳細は文献 2。)

前節では緩和現象に関わる吸熱だけを考慮したが、実際の測定では、熱振動などに起因する通常の熱容量による吸熱も含まれる。通常の熱容量を $C_1$ とすれば、それによる吸熱量の変調成分は、(1)式より $C_1T_a\cos(\omega t + \theta_T)$ で与えられる。また、 $C_2 = Q_{\Delta}/T_{\Delta}$ は緩和現象の平衡熱容量、即ち**Fig.2**の緩和現象が飽和したときの熱容量である。これらを用いると、吸熱量の変調成分 $Q_m$ は次のように表せる。



**Fig.3** Schematic time dependence of the heat absorption accompanying the temperature modulation; (a) to (c) show the curves for the rectangular modulation and (d) to (f) show the curves for the sinusoidal modulation.

$$Q_{\rm m}(t) = C_{\rm m} T_{\rm a} \cos(\omega t + \theta_T + \theta_Q)$$
 (5)

 $C_{\rm m}$ および $\theta_o$ は次式で与えられる。

$$C_{\rm m} = \sqrt{C_{\rm r}^2 + C_{\rm i}^2} \,, \, \tan \theta_Q = -\frac{C_{\rm i}}{C_{\rm r}} \,\left(-\frac{\pi}{2} < \theta_Q < \frac{\pi}{2}\right) \,(6)$$

 $C_{r}$ と $C_{i}$ は熱容量 $C_{1}$ ,  $C_{2}$ および $\omega$ ,  $\tau$ で、次のように表せる。

$$C_{\rm r} = C_1 + C_2 \frac{1}{1 + \omega^2 \tau^2}$$
,  $C_{\rm i} = C_2 \frac{\omega \tau}{1 + \omega^2 \tau^2}$  (7)

TMDSC で測定されるのは吸熱量ではなく、その時間微分 である吸熱速度である。

$$J_{\rm m} = \frac{dQ_{\rm m}}{dt} = \omega C_{\rm m} T_{\rm a} \cos\left(\omega t + \theta_T + \theta_Q + \frac{\pi}{2}\right)$$
(8)  
(5)式と比較すると,振幅はω倍,位相は $\pi/2$ の差である。

(6)式の $\theta_0$ が Fig.1(c)の位相である。Fig.1(c)では、結晶化 が起こっている温度範囲内で、位相差がピークを示してい る。これは $C_2$ の温度依存性に起因している。Fig.1(b)でも変 調周期依存性が見えてはいるが、(c)の位相差は結晶化温度 域の外では 0 であるため、変化が見やすいというメリット がある。

ここで **Fig.3** について注意をしておく。**Fig.3** は(7)式の $C_1$ が 0 の場合に当たる。**Fig.3** (d), (e), (f)のグラフから,温度 変調と吸熱量の時間ずれを位相差として読み取ることがで きるが,その位相差は(6)式で得られる $\theta_0$ には等しくない。

有機物や高分子では、緩和現象あるいは遅い現象はよく 見られるが、TMDSC では観測された熱異常の変調周期依 存性の有無で、緩和現象あるいは遅い現象であるか否かを 調べることができる。前回の文献 5)でも有効に用いられて いる。現状では TMDSC で測定可能な変調周期の範囲が限 られているが、DSC による速度論的研究の方法として発展 が期待される。

今回で温度変調 DSC のチュートリアルは終了するが、この後に補足を付けさせていただく。

#### 文 献

- A. Toda, T. Oda, M. Hikosaka, Y. Saruyama, *Thermochim.* Acta 293, 47-63 (1997).
- 2) 斎藤信彦,物理学選書2「高分子物理学」(改訂版)7章, 裳華房,G.R.ストローブル著,深尾浩次他訳,「高分子 の物理」(改訂新版),丸善出版,6章,などに数学的詳 細が示されている.