

# 形状記憶合金の擬弾性と熱量測定

三浦 精\*

(昭和63年5月6日受理)

**Pseudoelasticity and Calorimetric Measurements in Shape Memory Alloys**

Sei Miura

The relation between pseudoelastic behavior and the thermoelastic martensitic transformation has been studied by means of the measurements of stress-strain curves in the temperature range above and below the martensitic transition temperatures in so called shape memory alloys. Thermodynamical analysis for the pseudoelasticity associated with the stress-induced martensitic transformation have been briefly reviewed and in conjunction with the measurements of latent heat of transformation, the thermoelastic martensitic properties are discussed from a thermodynamic point of view. It was found that using the Clausius-Clapeyron equation concerning the stress-strain relation obtained by the experiments, the enthalpy change was calculated and agreed reasonably well with the experimental values. The importance of the measurement of latent heat of transformation was emphasized for the justification of thermodynamical analysis of the pseudoelasticity associated with the stress-induced martensitic transformation in the shape memory alloys.

## 1. はじめに

形状記憶合金が実用に供される様になってからかなりの年月がたった。形状記憶効果(Shape Memory Effect, SME)は一般に母相からマルテンサイト相へ熱弾性的に変態をおこす熱弾性型マルテンサイト合金で見出されているが、これは通常マルテンサイト変態温度 $M_f$ 点以下に冷却してマルテンサイト相の状態で変形を加えた試片を逆変態温度( $A_f$ 点)以上に加熱すると変形前の形状に戻る現象である。また $A_f$ 点より少し高い温度で応力を加えかなり変形させてもゴムのように元に戻り、弹性回復を示す現象が見出され、この現象は擬弾性あるいは超弾性と呼ばれている。これら二つの現象は相互に関連を有している。形状記憶合金の性質を理解するためには、これらの合金の示すマルテンサイト変態に関係した応力下における変態挙動の本質を知らねばならない。そのためには応力-ひずみ曲線の解析と熱力学的な解析が必要となる。

\* 京都大学工学部物理工学科：京都市左京区吉田本町

〒606

Department of Engineering Science, Faculty of Engineering Kyoto University, Kyoto 606, Japan

る。

その基本的応力-ひずみ曲線( $S-s$ 曲線)は大別すると強弾性<sup>1)</sup>(Ferroelasticity)と擬弾性(Pseudoelasticity)あるいは超弾性(Superelasticity)に分けられる。強弾性は形状記憶効果と直接関係をもつものである。後者の擬弾性は更に変態擬弾性と双晶擬弾性に分けられる。これらの擬弾性に関してはすでに数多くの解説<sup>2),3)</sup>や成書<sup>4)</sup>で詳しくのべられている。ここではとくに応力誘起マルテンサイト(Stress Induced Martensite 以下SIMと記す)によって生ずる変態擬弾性とその熱力学的解析、それを正当化するための変態熱測定の重要性についてのべることにする。

## 2. 擬弾性ループと強弾性ループ

ここでAu-47.5 at % Cd合金単結晶の $A_f$ 点以上と以下で見られる特徴的な二つの応力-ひずみ曲線を説明する。

Fig. 1に $A_f$ 点温度より上で引張りと圧縮応力を加えた場合の応力-ひずみ曲線を示す<sup>1)</sup>。応力によって誘起されるSIMはM点で形成され、鋸歯状の変形をするが、応力を除荷するとループを描いてもとの母相に戻る。こ

の現象を擬弾性あるいは超弾性という。引張りと圧縮で擬弾性ループの形が異なるのは SIM のパリアントが異なるためである。この擬弾性は高温ですべりをおこす温度  $M_d$  まで得られ、 $M$  あるいは  $M'$  点の臨界応力は  $A_f$  から  $M_d$  の温度範囲で温度とともに直線的に増加する。

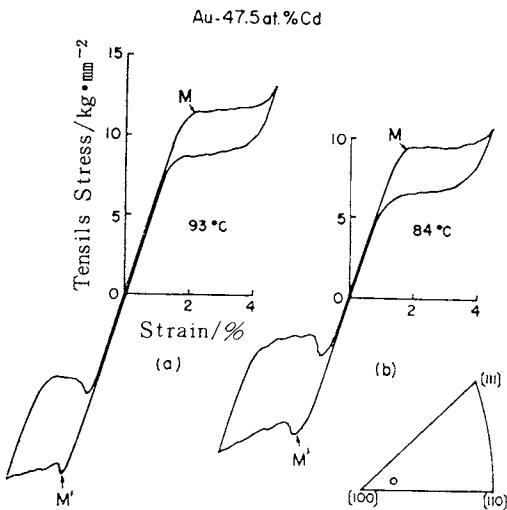


Fig. 1 Double hysteresis curves obtained by tension-compression test in the temperature range  $A_f < T < M_d$  for Au-47.5at% Cd (Superalastic loops)<sup>1)</sup>.

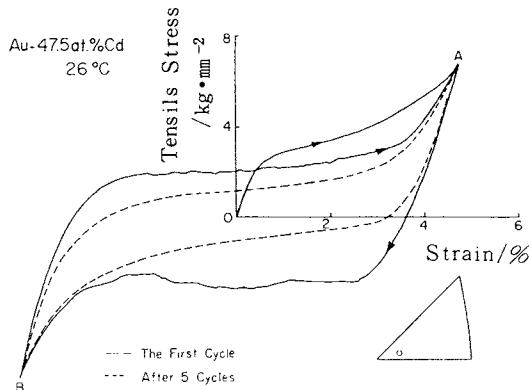


Fig. 2 Tension-compression hysteresis loops below  $M_f$  for Au-47.5at% Cd (Ferroelastic loops)<sup>1)</sup>.

これに対しマルテンサイト相 ( $M_f$  点以下)における応力ひずみ曲線は強弾性挙動と呼ばれ<sup>1)</sup>、Fig. 2 に示すようにマルテンサイト相に引張圧縮応力を加えるとヒステレシスループを描く。図の特徴として第2回以降のサイクルでは同一のループを得られ、何回交番変形を加えても加工硬化しない。このヒステレシスループを著者ら

は強弾性ループと名付けた。これはちょうど強磁性体あるいは強誘電体の H-I, E-P ヒステレシス曲線と類似の現象として理解されるからである。この場合マルテンサイト相内の双晶境界、あるいはパリアント同志の界面が外力の作用に対応して可逆的に移動することによって変形を生じており、ちょうど強磁性体での磁区境界の移動と類似の機構である。この強弾性ループは試料を加熱して逆変態 ( $A_s \sim A_f$ ) 点に達すると消失して残留ひずみも消失し試料はもとの形状に戻る。これが形状記憶効果である。ここで得られた塑性ひずみはすべりによる永久変形ではないために、換言すればマルテンサイトの逆変態と同時に回復可能な変態ひずみであるために、元の形状に戻るのである。

上述した擬弾性ループは  $A_f$  点の上の温度では SIM により生ずるわけであるが、 $M_f$  点以下のマルテンサイト相でも変態後時効することによって強弾性ループが擬弾性ループに変化することによっても得られるがこれは双晶擬弾性と呼ばれる。

### 3. 変態擬弾性の熱力学<sup>7)</sup>

同一組成のマルテンサイト (M) と母相 (P) の化学自由エネルギーの温度変化は Fig. 3 のように示される。通常

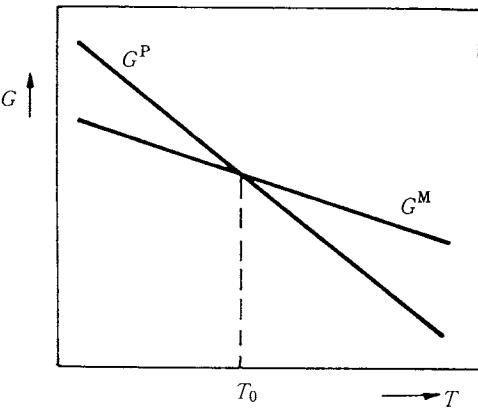


Fig. 3 Temperature dependence of the free energy  $G^P$  and  $G^M$  of a parent (P) and martensitic product (M) phase<sup>7)</sup>.

の冷却では P 相と M 相の自由エネルギーの等しい平衡温度  $T_0$  より過冷され自由エネルギー差による駆動力がある大きさに達した温度でマルテンサイト変態がおこるがその温度が  $M_s$  点である。この駆動力  $\Delta G^{P-M}$  は  $\Delta H^{P-M}$ ,  $\Delta S^{P-M}$  をそれぞれ変態のエンタルピーとエントロピーとすると、

$$\Delta G^{P-M} = G^P - G^M = \Delta H^{P-M} - T \Delta S^{P-M} \quad (1)$$

で示される。平衡温度  $T_0$  では  $\Delta G^{P-M} = 0$  であるから、

$$\Delta H^{P-M} = T \Delta S^{P-M} \quad (2)$$

である。 $\Delta H^{P-M}$  は熱量的に測定でき、そして  $T_0$  はマルテンサイト変態開始、終了温度を  $M_s$ ,  $M_f$ 、母相への逆変態温度のそれを  $A_s$ ,  $A_f$  とすると大体、

$$T_0 \approx (M_s + A_s)/2 \approx (M_f + A_f)/2$$

で求められ、従って、

$$\Delta S^{P-M} = \Delta H^{P-M}/T_0 = d \Delta G^{P-M}/dT \quad (3)$$

を求めることができる。 $\Delta S^{P-M}$  は  $T_0$  から離れるに従って自由エネルギーの差の変化の割合を与えるので応力が働いているか、いかに係らず変態挙動に関連する本質的に重要な量である。Table 1 にこれら熱力学的諸量を示した。

いま  $M_s$  と  $T_0$  の間の温度で外部応力の助けによって  $M_s$

点での駆動力  $\Delta G_{M_s}^{P-M}$  と同じ大きさの駆動力が作用すると変態がおこると考え単軸引張りまたは圧縮変形時に、付加応力がマルテンサイト変態に伴うせん断変形を助けてなす力学的仕事量を力学的に付加される駆動力を考えると、

$$W = \tau \tau_0 + \sigma \epsilon_0 \quad (4)$$

がそれに当る。ここで  $\tau$  は晶癖面上で変態せん断方向にかかるせん断応力、 $\tau_0$  はせん断方向への変態のためのせん断量、 $\sigma$  は晶癖面法線方向に働く応力で引張り応力では正、圧縮応力では負、また  $\epsilon_0$  は晶癖面法線方向の膨張 (+) または収縮量 (-) である。

自由エネルギー変化の応力依存性は

$$W = \Delta G_{\sigma}^{P-M} = \frac{1}{2} \sigma_a [ \tau_0 \sin 2\theta \pm \epsilon_0 (1 + \cos 2\theta) ] V_m \quad (5)$$

と表わされる。ここで  $\Delta G_{\sigma}^{P-M}$  は応力下での自由エネルギーの差、 $\sigma_a$  は作用応力、 $\theta$  は晶癖面法線と応力軸のな

す角、 $V_m$  はモル体積を示している。最大の効果は

$$\Delta G_{\sigma}^{P-M} = 0 \quad (6)$$

になるような変態せん断系に対して得られる。これから変態が最もおこりやすいせん断系への作用応力の方向をきめる条件は、

$$\tan 2\theta = \pm \tau_0/\epsilon_0 \quad (7)$$

で与えられる。

もしも  $G(T)$  が一次関数で  $\Delta G_{M_s}^{P-M}$  が一定ならば、

$$\frac{d \Delta G_{\sigma}^{P-M}}{dT} = \frac{d \Delta G^{P-M}}{dT} = \frac{\Delta H^{P-M}}{T_0} = \Delta S^{P-M} \quad (8)$$

また

$$\frac{d \Delta G_{\sigma}^{P-M}}{d \sigma_a} = \frac{1}{2} [ \tau_0 \sin 2\theta \pm \epsilon_0 (1 + \cos 2\theta) ] V_m = \epsilon_M \quad (9)$$

$\epsilon_M$  は変態の全ひずみである。これから次式が得られる。

$$\frac{d T_0}{d \sigma_a} = \frac{dT}{d \Delta G^{P-M}} \cdot \frac{d \Delta G^{P-M}}{d \sigma_a} = \frac{T_0}{\Delta H^{P-M}} [ \tau_0 \sin 2\theta \pm \epsilon_0 (1 + \cos 2\theta) ] V_m = \frac{\epsilon_M}{\Delta S^{P-M}} \quad (10)$$

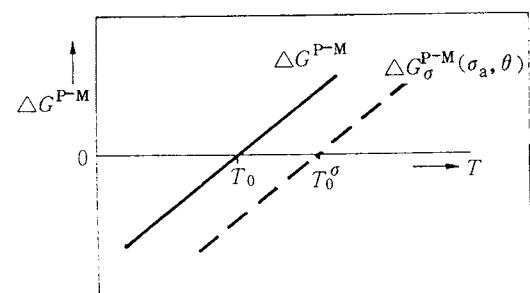


Fig. 4 Temperature dependence of the transformation free energy  $G^{P-M}$  and the influence of stress<sup>7)</sup>.

Table 1 Typical thermodynamic data of martensitic transformations<sup>7)</sup>.

Alloy	$\Delta H^{P-M}$ $T_0$ (J mol <sup>-1</sup> )	$T_0$ (K)	$\Delta S^{P-M}$ (J mol <sup>-1</sup> )	$\Delta G_{M_s}^{P-M}$ (J mol <sup>-1</sup> )	$\Delta T = A_f - M_f$ (K)	Ref.
AuCd	281.2 – 410.0 368 – 443	330 – 350 266 – 363	0.8 ± 0.4 1.3 ± 0.4	8 ± 4 –	20 –	(8) (1)
Au-Cu-Zn	502 – 711	0 – 275	3.14 ± 1.05	15 ± 4	10 – 50	(9)
Cu-Al	167 – 272	300 – 800	0.33 ± 0.08	21 ± 8	40	(10)
Cu-Zn	314	0 – 300	1.1	13	48	(10)
Ti alloy	–	–	–	209 – 251	–	(11)
Fe-C	–	–	5.9	628 – 1883	–	
Fe-Ni	2510 – 2929	–	–	–	200 – 400	(12)
Fe-Cr	–	–	–	293 – 1464	–	

Fig. 4はこの関係を図式的に示したものである。変態に伴う自由エネルギー変化 $\Delta G^{P-M}$ の曲線は外力の関数として移動する。この移動量は $\Delta S^{P-M}$ に逆比例しており、Table 1に示すようにFe系合金よりCu, Au系合金の方がもし $\epsilon_M$ が大体等しいとするとずっと大きいことが期待される。式(10)は近似として次式となる。

$$\frac{d\sigma_a^{P-M}}{dT} = \frac{\rho \cdot \Delta H^{P-M}}{\epsilon^{P-M} \cdot T_0} \quad (11)$$

ここで $\sigma_a^{P-M}$ は変形温度Tで応力誘起マルテンサイトが生ずるときの応力、 $\rho$ は密度、 $\epsilon^{P-M}$ は変態が完了するまでのひずみで $\sigma^{P-M}$ と $\epsilon^{P-M}$ は応力-ひずみ曲線から求めうる。この式はいわゆるClausius-Clapeyronの関係式であり、応力ひずみ曲線から計算された $\Delta H^{P-M}$ と変態熱量の測定値はよい一致を示すことを著者らの測定した実例について述べることにする。またこのような応力誘起マルテンサイト変態は低応力で形成されたマルテンサイト( $M_1$ )から高応力で他のマルテンサイト( $M_2$ )へと変態することが熱力学的に可能であり、実際にそのような例がみとめられている。

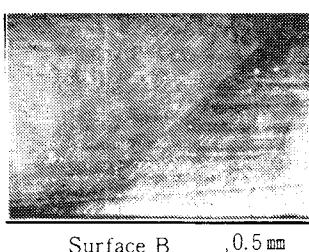
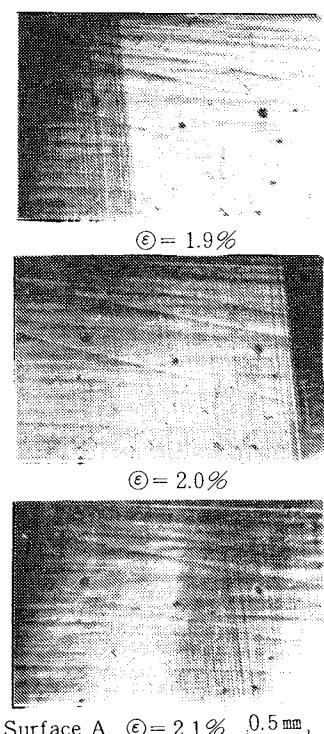
#### 4. 热弹性型マルテンサイトの擬弾性と変態熱の測定

##### 4.1 Au-Cd合金<sup>11), 13)</sup>

すでにFig. 1に示したようにAu-47.5 at % Cd合金

単結晶は $A_f < T < M_d$ でSIMによる擬弾性(超弾性)を生じその臨界応力 $\sigma_M$ は温度とともに直線的に上昇する。Fig. 5は、Au-47.5 at % - Cd-0.7 at % Cu 単結晶を用いて表面観察をしたものである<sup>13)</sup>。0.7 at % Cuを添加したのは変態点を調節して $T_0 = 6^\circ\text{C}$ として、室温25°Cで $\beta_1$ 相(bcc)を得て引張変形が $M_s$ 点以上になるようにしたためである。臨界応力に達すると、試片の一端より界面が現れ他端へと進行する。この動く界面のうしろに $\beta_1$ (bcc)相とSIM( $\beta'_s$ )が交互に層状になったバンドが現れ界面から遠ざかるにつれ消失してマルテンサイトの単結晶になること、またこのマルテンサイトは斜方晶で $a : b : c = 1 : 1.48 : 1.43$ 、母相(CsCl型格子)との格子方位関係は、 $(011)\text{CsCl} // (011)\text{orth.}, [1\bar{1}\bar{1}] \text{CsCl} // [\bar{1}\bar{1}0] \text{orth.}$ で、ChangとRead<sup>14)</sup>が熱的に形成したマルテンサイトで得た結果と一致することが認められた。SIMの晶癖面は熱的マルテンサイトのものより(110)に近い。応力を除去すると界面はもとに戻りもとの $\beta_1$ 相にもどり擬弾性(超弾性)を示す。

さてここで $T_0$ すなわち $M_f$ 点以下の応力-ひずみ曲線を示したのがFig. 6である<sup>13)</sup>。Au-47.5 at % Cd合金では図に見られる $T_0$ 温度以下で二段階降伏を示し、第一段の降伏はFig. 2と同様の強弾性ループを描くがこの変形はマルテンサイトの内部双晶の移動によるものである。第二段階降伏は擬弾性を示すがこれはマルテンサイトから



Surface B      0.5 mm  
ε = 2.0%

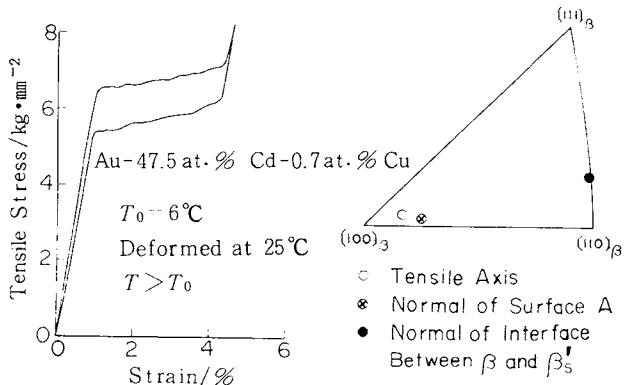


Fig. 5 Superelasticity and direct observation of the SIM formed in Au-47.5 at % Cd-0.7 at % Cu alloys at 25°C (i.e. above  $T_0$ )<sup>13)</sup>.

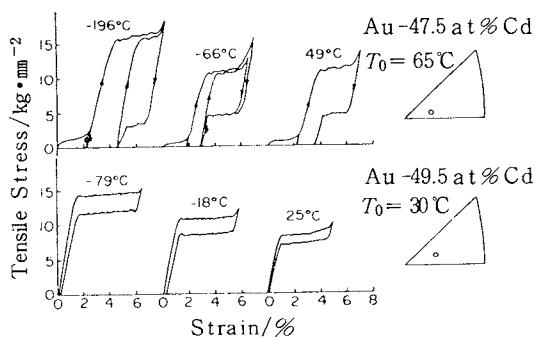


Fig. 6 Stress-strain curves obtained below  $T_0$  in Au-47.5 and 49.5 at % Cd alloys<sup>1)</sup>.

別のマルテンサイトが応力誘起されたためにおこるものである。一方 Au-49.5 at % Cd 単結晶合金では  $M_f$  点以下であるのに除荷後も残留ひずみを残さず擬弾性挙動を示し、降伏応力は温度の低下と共に増大している。この合金では熱的に形成されたマルテンサイト  $\beta''$  (三方晶<sup>15)</sup> には双晶をふくまずしたがって図の降伏点では、熱的マルテンサイトから新らしく別の結晶構造を持ったマルテンサイトが、応力誘起されていることを示している。

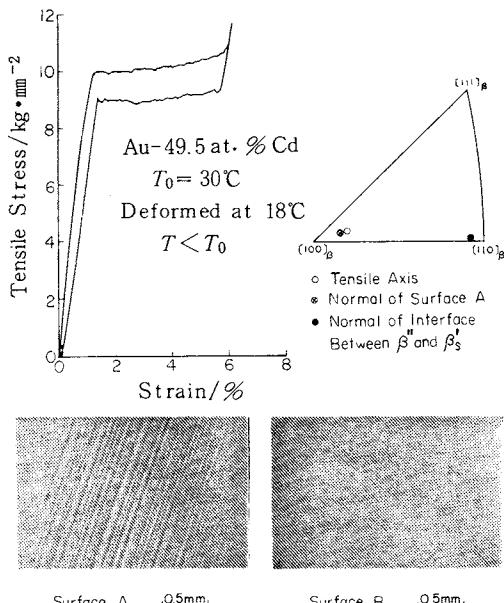


Fig. 7 Superelasticity and surface observation of the SIM in Au-49.5 at % Cd alloy at 18°C (i.e. below  $T_0$ )<sup>13)</sup>.

実際、このことを実証したのが Fig. 7 である<sup>13)</sup>。降伏点に達すると、細い線状の SIM が現われ、これが引張りと共に移動して行く。ここで新らしく応力誘起されたマルテンサイト  $\beta'_s$  も応力下で単結晶になるので、結果的には 6% 引張ひずみで単結晶  $\beta'_s$  となる。これを除荷すると、逆変態がおこり擬弾性ループを描いて、最終的には熱的形成の  $\beta''$  マルテンサイトに戻る。右側の写真に示した側面 B では、 $\beta''$  と  $\beta'_s$  の界面を示し、これに平行な細い板状のマルテンサイトが観察され、界面から遠ざかるにつれ板状のマルテンサイトが消失し単結晶  $\beta'_s$  が形成されていることを示している。

上述の Figs. 1, 2, 5, 6, 7 のように、単結晶 Au-Cd 合金で Cd 含有量を 46.5 at % から 50.0 at % までの 5 種類試料について、変態温度前後の温度領域 (-200° ~ +200°C) でマルテンサイトを形成させる臨界応力と温度の関係を求め、Fig. 8 に示した<sup>1)</sup>。いずれの試料でも  $M_s$  点以上の

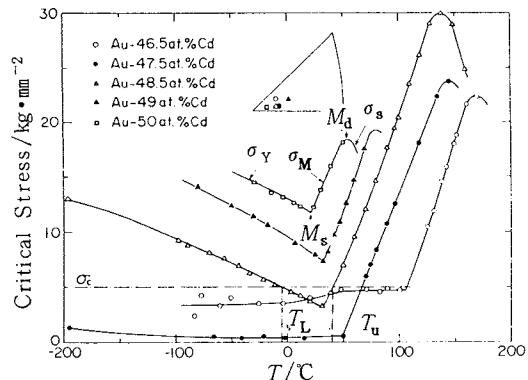


Fig. 8 Temperature variation of the critical stresses,  $\sigma_M$  and  $\sigma_Y$ , above and below  $T_0$ , and  $\sigma_s$  for slip<sup>1)</sup>.

温度では、臨界応力は温度とともに上昇し、ある臨界温度 ( $M_d$ ) を越えるとすべりが引起こされるので、臨界応力は下降する。また  $M_s$  点以下では、Cd 含有量が 48.5 at % 以上では温度の低下とともに臨界応力は上昇しているが、46.5, および 47.5 at % Cd では、臨界応力はほとんど温度変化しない。これは Fig. 2 のような強弾性ループを描く場合は Fig. 6 に示したように、この臨界応力はほとんど温度変化しないためである。したがって、この臨界応力が温度の低下とともに上昇している試料は、熱的に形成されたマルテンサイト  $\beta''$  から SIM ( $\beta'_s$ ) を新たに形成する場合に対応しておりマルテンサイト → マルテンサイト変態の臨界応力が、温度の低下とともに増加することを示している。これらの結果より Au-49.5 at % Cd 合金の  $\beta_1$ ,  $\beta''$ ,  $\beta'_s$  各相の自由エネルギー温度曲線は

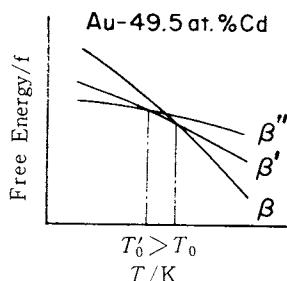


Fig. 9 Schematic free energy-temperature diagram for Au-49.5 at% Cd alloy.  $T_0$  and  $T_0'$  are almost equal<sup>13)</sup>.

Fig. 9 のように示される。また 48.5 at % Cd 以上の試料では、三方晶構造の熱的マルテンサイトはその内部組織として双晶を含まず、したがって応力下で双晶界面が移動することがなく、またマルテンサイト同志の結晶方位関係も双晶関係になっていなくてバリエント界面も移動出来ぬものと考えられる<sup>15)</sup>。

以上の結果より式(11)の Clausius-Clapeyron の式を用いて変態転移点  $T_0$  における変態潜熱  $\Delta H_{T_0}$  を計算によって求めた値と示差熱量計によって測定した値を Table 2 に示した<sup>13)</sup>。ここで 48.5 at % Cd 以下の変態  $\beta$  (b.c.c.)  $\rightleftharpoons \beta'$  (orthorhombic) は  $T_0$  以上の結果から求められ 48.5 at % 以上の場合、 $\beta$  (b.c.c.)  $\rightleftharpoons \beta''$  (trigonal) は Fig. 9 に示すように、

$$\Delta H_{T_0}^{\beta-\beta''} = \Delta H_{T_0}^{\beta-\beta'_s} - \Delta H_{T_0}^{\beta''-\beta'_s} \quad (12)$$

で計算される。この計算値は Table 2 に示すように熱量測定値とよい一致を示している。また  $\beta'' \rightleftharpoons \beta'_s$  のマルテンサイト-マルテンサイト変態の変態潜熱は  $\beta-\beta'$  や  $\beta-\beta''$  変態に比し大変小さい値であることは興味深い。

Table 2 Calculated and measured latent heat of transformation in the Au-Cd alloys<sup>13)</sup>.

At.%Cd	$T > T_0$			$T < T_0$			Calculated	Measured
	$\Delta\epsilon(\%)$	$\frac{d\sigma}{dT}$ mm <sup>2</sup> ·°C	$\frac{Kg}{mm^2}$	$\Delta H_{T_0}^{\beta-\beta'_s}$ (J mol <sup>-1</sup> )	$\Delta\epsilon(\%)$	$\frac{d\sigma}{dT}$ mm <sup>2</sup> ·°C	$\frac{Kg}{mm^2}$	$\Delta H_{T_0}^{\beta''-\beta'_s}$ (J mol <sup>-1</sup> )
46.5	3.4	0.30	420	0	0	0	420	—
47.5	3.8	0.25	357	0	0	0	357	370
48.5	3.5	0.24	286	4.3	-0.048	-71	357	—
49.0	3.3	0.26	286	4.0	-0.065	-88	374	445
49.5	3.6	0.26	315	4.3	-0.060	-88	403	—
50.0	3.5	0.24	286	5.4	-0.053	-97	382	412
51.0	—	—	—	—	—	—	—	420

$$H_{T_0} = \frac{T_0 \Delta\epsilon}{\rho} \cdot \frac{d\sigma}{dT}, \quad H_{T_0}^{\beta-\beta''} = \Delta H_{T_0}^{\beta-\beta'_s} - \Delta H_{T_0}^{\beta''-\beta'_s}$$

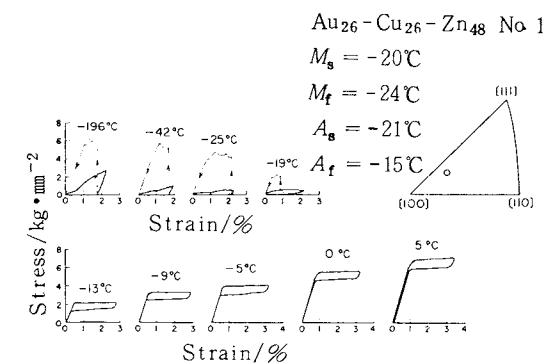


Fig. 10 Typical stress-strain curves obtained above and below  $T_0$  in  $Au_{26}-Cu_{26}-Zn_{48}$  alloy<sup>16)</sup>.

#### 4.2 Au-Cu-Zn 合金<sup>16)</sup>

$\beta-Au_{26}Cu_{74-x}Znx$  合金は高温より不規則 bcc( $\beta$ )、CsCl 型の規則相( $\beta_1$ )、さらに  $x \approx 44$  を中心に Heusler 型規則相(H)、低温ではマルテンサイト相(M)が現れる。このマルテンサイト変態は熱弾性型であり、その形状記憶効果、擬弾性は著者らにより詳しく報告された<sup>16)</sup>。

Fig. 10 は  $Au_{26}-Cu_{26}-Zn_{48}$  合金単結晶の応力-ひずみ曲線を示したものであるがマルテンサイト変態転移点  $T_0$  以上では SIM による擬弾性、以下では強弾性挙動を示し変形による残留ひずみは試片を  $T_0$  以上に加熱すると矢印のようにひずみが 0 に回復して形状記憶効果を示す。その臨界応力の温度変化を  $x = 45, 46, 47, 48$  at % (電子濃度  $e/a = 1.45, 1.46, 1.47, 1.48$  に相当する) 合金単結晶について示したのが Fig. 11 であり、臨界応力の零応力の外挿点は Table 3 に示すようにマルテンサイト変態転移点温度  $T_0$  (正確には  $M_s$  温度) に一致する。また  $T_0$  以上での  $d\sigma_M/dT$  の値はすべての  $e/a$  の値に対し

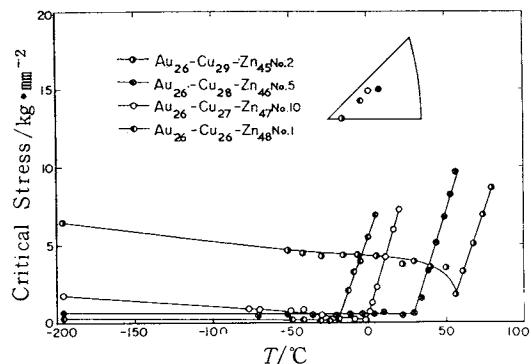


Fig. 11 Temperature variation of critical stresses,  $\sigma_M$  and  $\sigma_Y$ , above and below  $T_0$ <sup>16)</sup>.

Table 3 Measured latent heat and  $T_0$  in the Au-Cu-Zn alloys<sup>16)</sup>.

Alloys	Transformation heat, $\Delta H$ (J mol <sup>-1</sup> )	$T_0$ (°C) ( $M_s + A_s$ )/2
Au <sub>26</sub> -Cu <sub>29</sub> -Zn <sub>45</sub>	200 ± 40	67 ± 3
Au <sub>26</sub> -Cu <sub>28</sub> -Zn <sub>46</sub>	160 ± 40	35 ± 3
Au <sub>26</sub> -Cu <sub>27</sub> -Zn <sub>47</sub>	160 ± 40	-3 ± 3
Au <sub>26</sub> -Cu <sub>26</sub> -Zn <sub>48</sub>	155 ± 40	-21 ± 3

ほぼ一定で約 0.31 Kg mm<sup>-2</sup> °C<sup>-1</sup>であった。本合金では擬弾性ループから SIM 終了時の変態ひずみを明確に求めることが困難であるが、式(11)による  $\Delta H_{T_0}$  の計算値として約 130~200 J mol<sup>-1</sup> の値が得られた。この値は Table 3 に示した変態潜熱の実測値にはば一致している。

#### 4.3 Au-Ag-Cd 合金<sup>17)</sup>

Au<sub>52.5-x</sub>Ag<sub>x</sub>Cd<sub>47.5</sub> 摋 2 元系合金の擬弾性挙動はこの合金系に対する Ag 置換の効果および、2つの型の規則格子すなわち CsCl 型 (AuAg)<sub>1</sub>Cd<sub>1</sub> と Heusler 型 Au<sub>1</sub>Ag<sub>1</sub>Cd<sub>2</sub> が  $M_s$  温度で存在することなどの理由で詳細に研究された<sup>17)</sup>。

一例として Fig. 12 に Au<sub>20</sub>-Ag<sub>32.5</sub>-Cd<sub>47.5</sub> at % 単結晶試料について変態温度前後の応力-ひずみ曲線の挙動を、さらにその時の臨界応力と温度の関係を Fig. 13 に示したものである。図からわかる様に、 $M_f$  点以下で 2 段降伏を示し、第 1 段の臨界応力は小さく、第 2 段目は大きい。2 段目はマルテンサイト → マルテンサイト変態によるものであり当然除荷とともにひずみももとへ戻る。これが  $A_f$  点以上になると、やはり 2 段降伏を持つ擬弾性ループが得られており、これも前述と同様にマルテンサイト → マルテンサイト変態によるものである。さらに温度が上昇すると、1 段降伏のみの幅の狭い擬弾性ループ

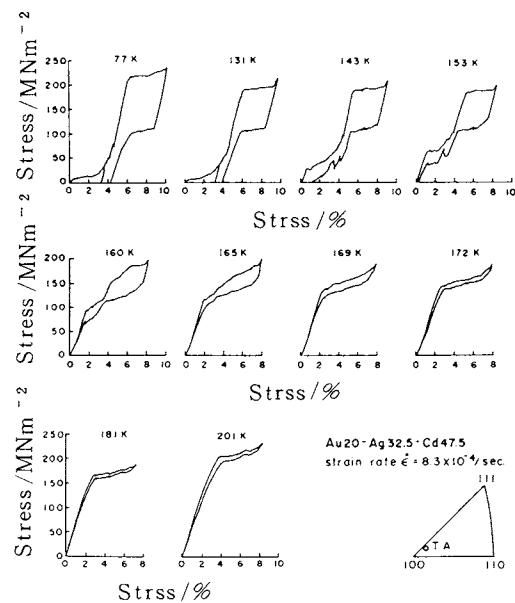


Fig. 12 Variation of stress-strain curves in Au-32.5at%Ag-47.5at%Cd alloys quenched from 823 to 273 K<sup>17)</sup>.

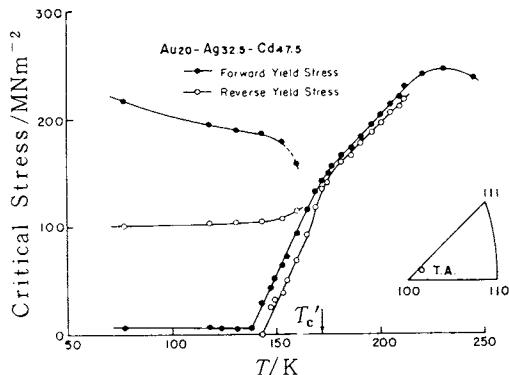


Fig. 13 Critical stress-temperature curves in Au-32.5at%Ag-47.5at%Cd alloys quenched from 823 to 273 K<sup>17)</sup>.

となる。また Fig. 13 では、明らかに臨界応力の大きく異った二つの降伏点が現れる。この場合第 2 段目の降伏応力は正変態と逆変態で大きい開きがある。これらの結果より式(11)を用いて  $\Delta H$  および  $\Delta S$  を求めこれを熱量測定からの実測値  $\Delta H_R$ ,  $\Delta S_R$  と比較したのが Table 4 であり、ほぼ比較しうる値といえよう。 $\Delta H$  の値は Ag 濃度とともに減少するが、 $T_0$  が Ag 濃度とともに減少する傾向と似ている。またエントロピー変化  $\Delta S$  は Ag 濃度によらず殆んど変化しない。 $\Delta S \approx 1.0 \text{ J md}^{-1} \text{ K}^{-1}$  の値は Nakanishi らの示差熱量測定による値とよい一致を示している<sup>18)</sup>。一方 Table 1 に示したマルテンサイト変態における熱力学的データが示すように鉄系マルテンサイト

Table 4 Latent heat and entropy values of the martensitic transformation calculated from the Clausius-Clapeyron equation and obtained experimentally in the Au<sub>52.5-x</sub>Ag<sub>x</sub>Cd<sub>47.5</sub> pseudobinary alloys<sup>17)</sup>.

Ag (at.%)	$\Delta\epsilon$ (%)	$d\sigma/dT$ (MN m <sup>-2</sup> K <sup>-1</sup> )	$T_0$ (K)	$\Delta H$ (J mol <sup>-1</sup> )	$\Delta H_R$ (J mol <sup>-1</sup> )	$\Delta S$ (J mol <sup>-1</sup> K <sup>-1</sup> )	$\Delta S_R$ (J mol <sup>-1</sup> K <sup>-1</sup> )
2.5	4.4†	2.1†	315†	314.6†		1.00†	
	4.4	2.1	305	304.6		1.00	
5.0	4.3	2.2	278	284.5	318	1.02	0.81
26.25	2.0	4.7	152	153.1	162	1.01	1.06
32.5	1.6†	3.5†	183†	109.6†	157†	0.60†	1.05†
	2.4	4.2	140	151.9	184	1.09	1.34
35	2.0	4.6	120	145.0	170	1.21	1.41
47.5	1.0	4.1	151	67.4	100	0.45	0.66

† Slowly cooled alloys.

(Fe-C 合金で  $\Delta S = 5.9 \text{ J/mol}\cdot\text{k}$ ) を除いて  $\beta$ -相合金では約  $3.2 \sim 0.5 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$  の範囲にある。

#### 4.4 In-Tl 合金<sup>19), 20)</sup>

In-Tl 合金の熱弾性型マルテンサイト変態に関連した応力-ひずみ曲線は次の様な特徴を示す。すなわち Fig. 14 に示す如く、 $M_s \approx 320 \text{ K}$  (22.0 at % Tl) 以上で SIM

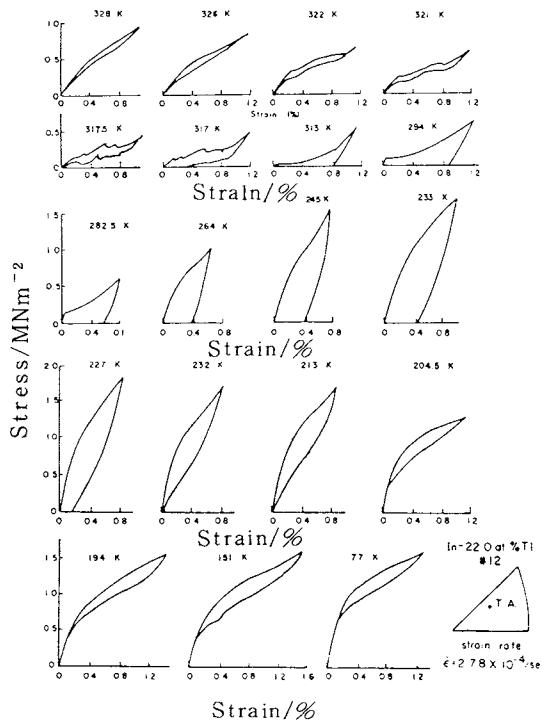


Fig. 14 Variation of stress-strain curves with temperatures in In-22.0 at % Tl single crystal<sup>19), 20)</sup>.

による擬弾性、 $M_s$ 点以下では除荷によりひずみを残留するが、次第に低温になると臨界降伏応力値は上昇し、残留ひずみ量は減少し、遂に 232 K で再び擬弾性ループを画くようになる<sup>19), 20)</sup>。これはマルテンサイトの内部双晶の移動による擬弾性であるがなぜこのような回復力が働くのかその原因はよくわかっていない。また Fig. 15 に見られる如く、各種(6種類)の合金単結晶で、応力

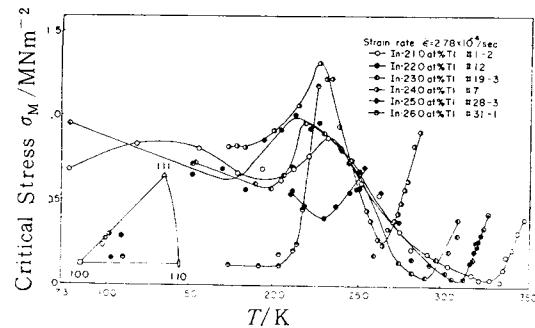


Fig. 15 Temperature variation of critical stress in In-21.0~26.0 at % Tl single crystal<sup>19), 20)</sup>.

Table 5 Calculated latent heat of transformation in the In-Tl alloy single crystals<sup>20)</sup>.

At%Tl	$\Delta\epsilon$ (%)	$\frac{d\sigma_M}{dT} \times 10^{-3}$ (MN m <sup>-2</sup> /K <sup>-1</sup> )	$T_0$ (K)	$\Delta H$ (J mol <sup>-1</sup> )
21	0.95	25.0	333	1.25
22	0.95	23.0	311	1.08
23	0.55	19.0	290	0.50
24	0.76	18.0	253	0.54
25	0.61	12.6	230	0.29
26	0.63	78.8	211	1.67

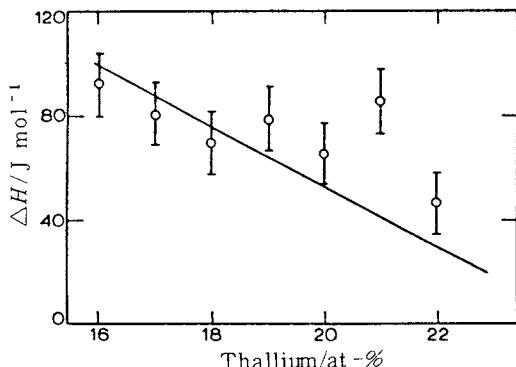


Fig. 16  $\Delta H$  vs alloy composition in In-Tl alloys (after Patel and Ahmed)<sup>23)</sup>.

ひずみ曲線から求めた臨界降伏応力はTl含有量の変化にもかかわらず、ほぼ230 K附近で最大値を示すことがわかる。このような現象は他の $\beta$ 相合金では認められず、非常に興味深い、著者らはこれを双晶界面とTl原子の運動的相互作用によるものと解釈している<sup>20),21)</sup>。SIMによる $M_s$ 点以上の擬弾性の結果(11)により求められた $\Delta H$ はTable 5に示すように非常に小さい値であり、この合金の変態ヒステレスが殆んど零に近いことを裏づける。この合金の変態潜熱の測定データはほとんどなくPredelがIn-20.5 at % Tlについて $2.06 \pm 0.13 \text{ J mol}^{-1}$ を報告している<sup>22)</sup>。その後PatelとAhmed<sup>23)</sup>は16～21 at % Tl濃度合金について熱量測定を行いFig. 16の結果を得たが、これは非常に大きな値である。これについてBonteらは著者らの結果を引用しPatelらの求めた $\Delta H$ の値は実験の誤りであろうと述べている<sup>23)</sup>。変態潜熱の値が極めて小さいので信頼されるデータが未だ得られていない。精密な熱量測定との比較が望まれる。

#### 4.5 $\beta$ -Cu-Sn合金<sup>25),27)</sup>

Sn-15 at %の近傍の $\beta_1$ 相Cu-Sn合金単結晶を焼入れ $\beta_1$ 相で引張変形するとSIMによって擬弾性を示し、また残留したSIMを $A_f$ 点以上に加熱することによって顕著な形状記憶効果を示すことは著者らによって報告された<sup>25)</sup>。Cu-15 at % Sn単結晶の変態温度ヒステレンスは非常に大きく150 Kにも達し、熱弾性と非熱弾性の中間の性質を有する。また焼入によって得られた $\beta_1$ 相での時効によって $M_s$ 点の低下および変態誘起応力の増加など時効の効果が著しい。最近著者らによってこの合金単結晶のマルテンサイト-マルテンサイト相変態が引張試験によって始めて確認された<sup>26),27)</sup>。Fig. 17はそれを示すものでa点で $\beta_1$ 相(bcc)より $r_1'$ マルテンサイト(Orthorhombic 2H構造)が応力誘起され、つづいてb点で $r_1'$ より $\beta_1'$ マルテンサイト(18R構造)が応力誘起され

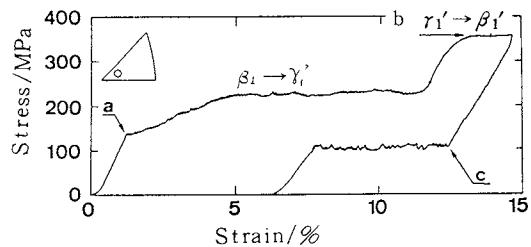


Fig. 17 Stress-strain curve in Cu-15.0at%Sn alloy single crystal<sup>26),27)</sup>.

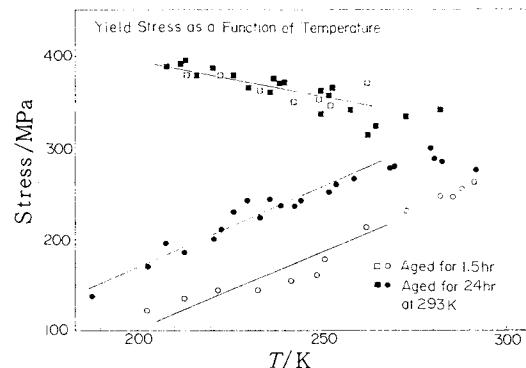


Fig. 18 Temperature variation of the critical stresses in Cu-15.0at%Sn alloy single crystals<sup>26),27)</sup>.

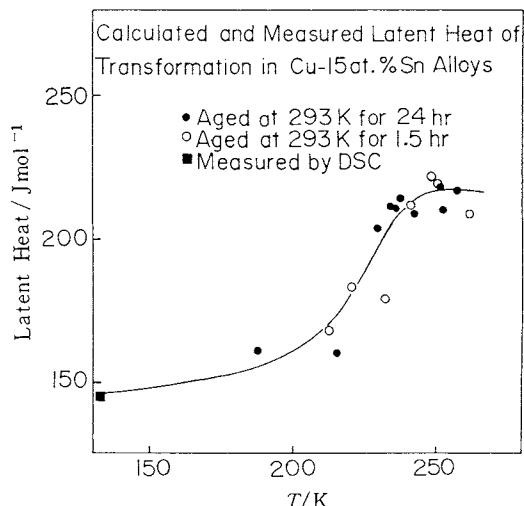


Fig. 19 Calculated and measured latent heat of transformation in Cu-15.0at%Sn alloy single crystals<sup>26),27)</sup>.

る。その臨界応力と温度の関係をFig. 18に示した。993 Kより273 Kに焼入れ293 Kでの時効で1段目の臨界応力は著しく上昇するが2段目のそれは変化しない。この結果と1段目の変態ひずみの測定値より $\Delta H$ を式(11)

から計算した値を Fig. 19 に示した。変形温度が高くなるとすべりが導入されやすくなり見かけの $\Delta H$ が大きくなるがその零応力への外挿点つまり $M_s$ 点温度における $\beta_1 \rightarrow \gamma_1'$ 変態の $\Delta H$ は計算値と熱量測定による実測値は 140 Jmol<sup>-1</sup>とよい一致を示している。

### 5. おわりに

形状記憶合金において熱弾性型マルテンサイト変態と関連して得られる擬弾性(超弾性)挙動を変態点上下の応力-ひずみ曲線の測定結果より概説した、応力誘起マルテンサイト変態によりおこる擬弾性には熱力学的解析が可能であり、応力-ひずみ関係から Clausius-Clayperon の式を用いて計算された変態潜熱と実際に示差熱量計によって求めた値は In-Tl 合金の例を除いてよく一致している。このことは応力誘起マルテンサイトによる擬弾性の熱力学的解析の正当性を裏づけるものであり、変態潜熱の測定が重要な意味を持っていることを強調したい。

### 謝 詞

本稿で述べた結果の多くは長年にわたる甲南大学理学部中西典彦教授との共同研究の成果によるものであり、同教授に深甚なる謝意を表する。また本稿執筆の機会を作つて戴いた畏友 東京工業大学 森勉教授(総合理工研究科材料科学専攻)に感謝する。

### 文 献

- 1) N. Nakanishi, T. Mori, S. Miura, Y. Murakami, S. Kachi, *Phil. Mag.* **28**, 277 (1973).
- 2) 三浦 精, 伊藤政和, 塑性と加工 **16**, 1029 (1975).
- 3) K. Otsuka, C.M. Wayman, "Rev. on the Deformation Behavior of Materials" Freund Pub. House Ltd., Israel (1977) p. 81.
- 4) K. Otsuka, K. Shimizu, *Metal Forum* **4**, 142 (1981).
- 5) N. Nakanishi, *Arch. Mech.* **35**, 1 (1983).
- 6) 舟久保熙康編, "形状記憶合金" 産業図書(株) (1984).
- 7) H. Warimont, L. Delaey, R.V. Krishnan, H. Tas, *J. Mat. Sci.* **9**, 1545 (1974).
- 8) B. Predel, W. Schwerman, *Z. Naturf.* **22A**, 1499 (1967).
- 9) N. Nakanishi, Y. Murakami, S. Kachi, *Scripta Met.* **5**, 433 (1971).
- 10) H. Warimont, L. Delaey, *Prog. Mat. Sci.* **19**, (1974).
- 11) Y.C. Huang, S. Suzuki, H. Kaneko, T. Sato, "The Science, Technology and Application of Titanium" Pergamon Press, Oxford (1970) p. 691, 695.
- 12) L. Kaufman, M. Cohen, *Prog. Mat. Phys.* **7**, 165 (1958).
- 13) S. Miura, T. Mori, N. Nakanishi, Y. Murakami, S. Kachi, *Phil. Mag.* **34**, 337 (1976).
- 14) L.C. Chang, T.A. Read, *Trans AIME* **189**, 47 (1951).
- 15) 唯木次男, 日本金属学会々報 **21**, 170 (1982).
- 16) S. Miura, S. Maeda, N. Nakanishi, *Phil. Mag.* **30**, 565 (1974).
- 17) S. Miura, F. Hori, N. Nakanishi, *Phil. Mag.* **40**, 611 (1979).
- 18) N. Nakanishi, M. Takano, H. Morimoto, S. Miura, F. Hori, *Scripta Met.* **12**, 79 (1978).
- 19) S. Miura, M. Ito, K. Kondi, N. Nakanishi, *1st JIM Int. Symp., Suppl. to Trans JIM* **17**, 221 (1976).
- 20) S. Miura, M. Ito, K. Endo, N. Nakanishi, *Mem. of Faculty of Eng., Kyoto Univ.* **18**, 287 (1981).
- 21) S. Miura and N. Nakanishi, "Proc. Int. Conf. on Martensitic Transformations" Japan Inst. Metals, Nara (1986) p. 1015.
- 22) B. Predel, *Z. Metallkde* **55**, 117 (1964).
- 23) J. Patel, S. Ahmed, *Met. Sci.* **12**, 149 (1978).
- 24) M. De Bonte, P. Wollants, J.R. Roos, *Met. Sci.* **14**, 117 (1980).
- 25) S. Miura, Y. Morita, N. Nakanishi, "Shape Memory Effects in Alloys" Plenum Press, N.Y. (1975) p. 389.
- 26) 三浦 精, 加藤博之, 橋本 敏, 日本金属学会講演概要昭和62年秋期第101回大会 (1987. 10) p. 333.
- 27) H. Kato, S. Hashimoto, S. Miura, to be presented MRS Int. Meeting on Adv. Materials, Met. Res. Soc. Sunshine City, Ikebukuro, Tokyo (1988, May).